

Задача А. Сортировка небольшой последовательности

Имя входного файла: bubble.in
Имя выходного файла: bubble.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В этой задаче нужно отсортировать числа, заданные во входных данных.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \leq n \leq 5000$). Во второй строке заданы через пробел n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите через пробел n чисел — числа a_i в неубывающем порядке.

Примеры

bubble.in	bubble.out
3 1 2 3	1 2 3
4 3 2 2 1	1 2 2 3
5 10 100 10 1000 10	10 10 10 100 1000

Задача В. Белоснежка и n гномов

Имя входного файла: dwarfs.in
Имя выходного файла: dwarfs.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

«Ну не гномы, а наказание какое-то!» — подумала Белоснежка, в очередной раз пытаясь уложить гномов спать. Одного уложишь — другой уже проснулся! И так всю ночь.

У Белоснежки n гномов, и все они очень разные. Она знает, что для того, чтобы уложить спать i -го гнома, нужно a_i минут, и после этого он будет спать ровно b_i минут. Помогите Белоснежке узнать, может ли она получить хотя бы минутку отдыха, когда все гномы будут спать, и если да, то в каком порядке для этого нужно укладывать гномов спать.

Например, пусть есть всего два гнома, $a_1 = 1, b_1 = 10, a_2 = 10, b_2 = 20$. Если Белоснежка сначала начнёт укладывать первого гнома, то потом ей потребуется целых 10 минут, чтобы уложить второго, а за это время проснётся первый. Если же она начнёт со второго гнома, то затем она успеет уложить первого и получит целых 9 минут отдыха.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит число n ($1 \leq n \leq 10^5$). Вторая строка содержит числа a_1, a_2, \dots, a_n , третья — числа b_1, b_2, \dots, b_n ($1 \leq a_i, b_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите n чисел — порядок, в котором нужно укладывать гномов спать, чтобы получить хотя бы минутку отдыха. Если возможных ответов несколько, выведите любой из них. Если Белоснежке отдохнуть не удастся, выведите число -1 .

Примеры

dwarfs.in	dwarfs.out
2 1 10 10 20	2 1
2 10 10 10 10	-1
3 1 4 1 5 3 4	2 1 3

Задача С. Количество инверсий

Имя входного файла: `inverse.in`
Имя выходного файла: `inverse.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Напишите программу, которая для заданного массива $A = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ находит количество пар (i, j) таких, что $i < j$ и $a_i > a_j$.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит натуральное число n ($1 \leq n \leq 50\,000$) — количество элементов массива. Вторая строка содержит n попарно различных элементов массива A .

Формат выходных данных

Выведите одно число — ответ на задачу.

Примеры

<code>inverse.in</code>	<code>inverse.out</code>
4 1 2 4 5	0
4 5 4 2 1	6

Задача D. Медиана последовательности

Имя входного файла: `median.in`
Имя выходного файла: `median.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В теории вероятностей и статистике часто рассматриваются конечные последовательности чисел. Иногда для такой последовательности требуется оценить среднее значение её членов. В разных случаях под средним значением понимают разные числа: например, мы можем вычислить среднее арифметическое, а можем посчитать, какое число в отсортированной последовательности будет посередине.

Медианой последовательности называется число, которое может разбить все числа последовательности на два множества: числа в первом множестве не больше медианы, а во втором — не меньше, и при этом мощности множеств равны (то есть в них одинаковое количество элементов). Например, медиана последовательности $\{1, 2, 7, 5, 3\}$ — это 3.

Когда в последовательности нечётное количество членов, медиана определяется однозначно — это тот член последовательности, который находится на равном расстоянии от концов последовательности.

В случае, когда в последовательности чётное количество членов, медианой могло бы служить любое число между двумя средними значениями в последовательности. Например, в последовательности $\{2, 2, 3, 10\,000\}$ медианой могло бы быть любое число из интервала $(2, 3)$. Для определённости в случае чётного количества членов медианой считается среднее арифметическое двух средних значений.

Ваша задача — для данной последовательности целых чисел вывести её медиану.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \leq n \leq 5000$). Во второй строке заданы через пробел n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите единственное вещественное число — медиану последовательности с точностью до шести знаков после запятой.

Примеры

<code>median.in</code>	<code>median.out</code>
5 1 2 5 7 3	3
4 2 2 3 10000	2.5
5 10 100 10 1000 10	10

Задача Е. Минимаксное преобразование

Имя входного файла: `minimax.in`
 Имя выходного файла: `minimax.out`
 Ограничение по времени: 2 секунды
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Рассмотрим набор чисел a_1, a_2, \dots, a_n . Минимаксным преобразованием этого набора по модулю p назовём следующую операцию: найдём минимум a_{\min} и максимум a_{\max} в наборе, удалим их из него, а вместо них добавим число $(a_{\min} + a_{\max}) \bmod p$.

Дан набор из n чисел. Над ним последовательно $n - 1$ раз производят минимаксное преобразование. Выведите те числа, которые были добавлены в набор, в порядке их добавления.

Формат входных данных

Набор чисел задан генератором. В первой строке входных данных заданы через пробел три целых числа n, b и p ($2 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq b < p \leq 10^9$). Числа исходного набора получаются как $a_i = b^i \bmod p$.

Формат выходных данных

В первой строке выведите $n - 1$ число — те числа, которые были добавлены в набор в результате минимаксных преобразований, в порядке их добавления.

Примеры

<code>minimax.in</code>	<code>minimax.out</code>
3 2 5	1 4
4 2 1000	18 22 30

Задача Ф. Порядковые статистики

Имя входного файла: `orderstatistic.in`
 Имя выходного файла: `orderstatistic.out`
 Ограничение по времени: 2 секунды
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В этой задаче требуется уметь быстро находить k -ю порядковую статистику последовательности — то есть элемент, который после сортировки этой последовательности по неубыванию будет стоять в ней на k -м месте.

Есть две замкнутые в кольцо ленты, на каждой из которых записана последовательность чисел: числа a_1, a_2, \dots, a_n на первой ленте и числа b_1, b_2, \dots, b_n на второй. Назовём p -м циклическим сдвигом положение, в котором a_1

находится над b_{p+1} , a_2 над b_{p+2} , ..., a_{n-p} над b_n , a_{n-p+1} над b_1 , ..., a_{n-1} над b_{p-1} и a_n над b_p . Рассмотрим последовательность дробей

$$\frac{a_1}{b_{p+1}}, \frac{a_2}{b_{p+2}}, \dots, \frac{a_{n-p}}{b_n}, \frac{a_{n-p+1}}{b_1}, \dots, \frac{a_{n-1}}{b_{p-1}}, \frac{a_n}{b_p}$$

и обозначим k -ю порядковую статистику этой последовательности как $s_k^{(p)}$.

По данным числам на лентах, а также числу k , найдите последовательность $s_k^{(1)}, s_k^{(2)}, \dots, s_k^{(n)}$.

Формат входных данных

В первой строке входных данных заданы через пробел два целых числа n и k — размер лент и номер порядковой статистики ($1 \leq k \leq n \leq 5000$). Во второй строке записаны n чисел a_1, a_2, \dots, a_n — содержимое ленты с числителями ($1 \leq a_i \leq 10^9$). В третьей строке записаны n чисел b_1, b_2, \dots, b_n — содержимое ленты со знаменателями ($1 \leq b_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите n чисел через пробел — k -е порядковые статистики $s_k^{(1)}, s_k^{(2)}, \dots, s_k^{(n)}$. Каждое число должно быть представлено в виде несократимой дроби.

Примеры

<code>orderstatistic.in</code>	<code>orderstatistic.out</code>
3 1 1 2 3 1 2 3	1/2 1/3 1/1
2 2 4 9 4 2	9/4 9/2
3 2 2 2 2 3 4 5	1/2 1/2 1/2

Задача Г. Устойчивая сортировка пар

Имя входного файла: `pairs.in`
Имя выходного файла: `pairs.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В этой задаче нужно отсортировать пары чисел, заданных во входных данных. Зададим *устойчивый порядок* на парах следующим образом. Пусть (a_i, b_i) и (a_j, b_j) — две пары из исходной последовательности, i, j — номера этих пар.

Пара (a_i, b_i) считается меньше пары (a_j, b_j) в двух случаях:

1. если $a_i < a_j$,
2. если $a_i = a_j$ и $i < j$.

Таким образом, требуется отсортировать последовательность пар так, чтобы первые числа пар были расположены в неубывающем порядке, и при этом сортировка была устойчивой.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \leq n \leq 5000$). В следующих n строках заданы через пробел по два целых числа, a_i и b_i ($1 \leq a_i, b_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

В первых n строках выведите пары чисел $a_i b_i$, разделенных пробелом, в требуемом порядке.

Примеры

<code>pairs.in</code>	<code>pairs.out</code>
3	1 2
1 2	1 1
3 1	3 1
1 1	
4	2 2
4 1	3 2
3 2	3 3
2 2	4 1
3 3	

Задача Н. Сортировка различных чисел

Имя входного файла: `permut.in`
Имя выходного файла: `permut.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В этой задаче нужно отсортировать последовательность натуральных чисел, заданных во входных данных, при условии, что числа в последовательности не повторяются, и максимальное из этих чисел не превосходит длины последовательности.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано натуральное число n ($1 \leq n \leq 1000000$). Во второй строке заданы через пробел n натуральных чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq n$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите через пробел n чисел — числа a_i в неубывающем порядке.

Пример

<code>permut.in</code>	<code>permut.out</code>
2	1 2
2 1	

Задача I. Раствор

Имя входного файла: `solution.in`
Имя выходного файла: `solution.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Перед химиком Колей стоит непростая задача. Для химического эксперимента ему требуется поместить в колбу объёма w как можно большее количество определённого вещества. Это вещество содержится в n пробирках, наполненных растворами; общий объём раствора в i -й пробирке равен q_i , а количество нужного вещества во всём этом растворе — d_i . Считается, что вещество в пробирке равномерно распределено по раствору.

Из каждой пробирки Коля может перелить всё содержимое, или любую его часть, в колбу; различные растворы в колбе смешиваются, а количество вещества и общий объём раствора в колбе складываются. Общий объём раствора, получающегося в колбе, не должен превышать объём колбы w ; Коля не может переливать растворы, кроме как из пробирок в колбу. Выясните, какое максимальное количество вещества можно поместить в колбу.

Формат входных данных

В первой строке входных данных заданы через пробел два целых числа n и w — количество пробирок и объём колбы, соответственно ($1 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq w \leq 10^9$). Следующие n строк содержат параметры пробирок; i -я из этих строк описывает i -ю пробирку двумя целыми числами d_i и q_i — это количество вещества и общий объём пробирки, соответственно ($1 \leq d_i, q_i \leq 10^9$). Для удобства записи количество вещества измеряется в одних условных единицах, а объём колбы и общий объём пробирок — в других.

Формат выходных данных

В первой строке выведите максимальное возможное количество вещества в полученном растворе. При выводе представьте это количество в виде смешанной дроби в формате " $a+b/c$ ", где a , b и c — целые числа, $a \geq 0$, $0 \leq b < c$ и $c > 1$. Числа b и c должны быть взаимно просты. Если $a = 0$, то запись должна выглядеть как " b/c ". Если $b = 0$, то запись должна состоять только из числа " a ".

Примеры

	<code>solution.in</code>	<code>solution.out</code>
2	5	4+1/5
3	2	
2	5	
1	2	4/5
2	5	
1	3	3
3	2	

Задача J. Ленивый работник

Имя входного файла: `worker.in`
Имя выходного файла: `worker.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Трактир «Не дай себе просохнуть!» взял на работу нового работника — кладовщика. У кладовщика есть две обязанности. Первая — принимать от грузчиков бочки с пивом и закатывать их в подвал. Вторая — когда в бочке у трактирщика не остаётся пива, выкатывать ему из подвала новую бочку, в которой пиво ещё имеется.

Хитрый работник скоро понял, что в разных бочках, попадающих к нему в подвал, содержится различное количество пива, и решил впредь всегда выкатывать трактирщику ту бочку, в которой пива менее всего, чтобы особо не напрягаться. Дальновидность не в характере лентяя-кладовщика, и то обстоятельство, что позднее ему придётся катать исключительно тяжёлые бочки, равно как и то, что лёгкие бочки нужно катать чаще, он проигнорировал.

При получении бочки от грузчиков кладовщик измеряет количество пива в ней. Количество пива обозначается целым числом от 0, когда бочка пуста, до 1000, когда вся бочка заполнена пивом. Известно, что грузчики не передают кладовщику пустых бочек.

Трактирщик узнал о том, какую хитрость придумал его новый ленивый работник, и теперь, зная количество пива во всех привозимых грузчиками бочках, хочет выяснить, сколько пива будет в каждой следующей бочке, которую кладовщик выкатит из подвала.

По последовательности поступлений бочек в подвал и выкатываний их трактирщику установите, сколько пива было в каждой выкаченной бочке.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано число N ($1 \leq N \leq 100\,000$). Следующие N строк содержат по одному числу A_i в каждой и описывают события в порядке, в котором они происходят. Если A_i больше нуля, то это означает поступление в подвал новой бочки, количество пива в которой равно A_i . Если же A_i равно нулю, то описываемое данной строкой событие — это выкатывание из подвала бочки, пива в которой осталось менее всего.

Изначально можно считать, что в подвале бочек с пивом нет. Гарантируется, что трактирщик не попадёт в ситуацию, когда на его запрос кладовщик не может выкатить новой бочки.

Формат выходных данных

На каждое выкатывание бочки из подвала выведите строку, состоящую из единственного числа B_j — сколько пива содержалось в выкаченной бочке.

Примеры

worker.in	worker.out
3 1 2 0	1
5 3 0 2 0 1	3 2
6 8 4 2 1 0 0	1 2
4 1 1 1 0	1
10 4 3 7 4 9 5 6 0 0 0	3 4 4